## 第5章 地盤の疑似過圧密特性と試料の乱れ

白竜湖軟弱地盤において高速道路の本体盛土を構築するために、どのような対策を施す べきか,試験工事の結果を基に論じてきた.軟弱地盤対策として真空圧密工法を採用した試 験盛土の挙動に基づき,複数の解析手法で高速道路の供用開始から20年後の残留沈下量を 予測したところ,最大の予測結果でも高々20~30cm程度に収まるという結果となった.東 北中央自動車道は,道央自動車道の残留沈下量<sup>[1]</sup>の1/3程度の規模の残留沈下に収まるとい う結果である.信頼できる結果と考えて良いのだろうか.

残留沈下量の予測結果が最大となった解析コードは, Area1, Area3 で DACSAR-VS, Area2 で DACSAR-MC であった. これらは, どちらも関ロ・太田モデル<sup>[2]</sup>の一部を拡張したモデル<sup>[3], [4]</sup>を採用している. 関ロ・太田の弾粘塑性構成モデルは, Bjerrum による正規圧密粘 土の疑似圧密効果の概念<sup>[5], [6]</sup>と調和的である<sup>[7], [8]</sup>. この, Bjerrum の概念から, 地盤が 堆積した年代を推定することができるはずである. 地盤の堆積年代は, 実際に測定した結果 と比較が可能である. 地盤工学の概念は, 地質学と整合するのだろうか.

本章では、まず、関ロ・太田モデルから疑似圧密効果に関する Bjerrum の概念と同様の考 えが導かれることを示す.次に、白竜湖軟弱地盤を構成する土層の内、特に更新統の粘性土 に着目し、土質試験の結果と Bjerrum の概念から推定した地盤の堆積年代が、実際に測定し た結果が、多くの場合で大幅に一致しないことを示す.その不一致は、前者が極端に小さく なる場合が多い.両者の不一致の原因を試料採取時の乱れによるものと考え、乱れた試料の 特定を試みる.

残留沈下量が小さすぎるのではないかという疑いを持ったが、もし、多くの試料が乱れていたのであれば、逆に地盤の強度を過小評価した可能性も浮上する.その場合、第4章で述べた本体工の設計方針は過大かもしれない.

#### 5-1 序論

正規圧密状態にあるはずの粘土が,圧密試験では過圧密状態にあるという結果になる場合が多い(疑似過圧密効果).図 5-1は,Bjerrumによる正規圧密粘土の堆積年代と圧縮性についての概念図<sup>[5],[6]</sup>で,疑似過圧密効果を説明したものである.

今,有効土被り圧  $p_0$ の下で二次圧密がまだほとんど始まっていない粘土を考える.これ を young normally consolidated clay とする.この粘土は、図 5-1 では点Yに位置している. 図 5-1 の点Yを通る曲線は、有効土被り圧 が瞬間的に載荷された状態を想定した圧縮曲 線である<sup>[9]</sup>.ここでは、載荷から1日後に相当するものと考える.この粘土で圧密試験をす ると、圧密降伏応力 $p_c$ は、 $p_0$ とほぼ一致する.この粘土が有効土被り圧 を受け続けて点A に至り、aged normally consolidated clay になったとする.図 5-1 では、点A は点Y より1 万年の時間が経過している.この粘土で圧密試験をすると、圧密降伏応力  $p_c$ は、 $p_0$ より 大きくなる.時間の経過が、2 万年、5 万年、10 万年と増えていけば、 $p_c \ge p_0$ の比も大き くなっていく.つまり、古い粘土ほど過圧密比*OCR*が大きくなる.



図 5-1 正規圧密粘土の堆積年代と圧縮性の関係 [5], [6]

図 5-2を用いて、堆積した時期の異なる粘土の*OCR*を求める. 図 5-2では、簡単の ため圧縮曲線を直線で表している. 今,  $t_1$ だけ時間が経過した有効土被り $Ep_{01}$ の粘土の圧 密降伏応力が $p_{c1}$ であったとする.  $t_1$ の間に $\Delta e_1$ だけ間隙比が変化している. 同様に、 $t_2$ だけ時間が経過( $t_1 < t_2$ )した粘土は、有効土被り $Ep_{02}$ , 圧密降伏応力 $p_{c2}$ , 間隙比の 変化量 $\Delta e_2$ とする. 二次圧密の過程では、間隙比の変化量と圧密時間の対数が比例するの で、式が成り立つ.



図 5-2 過圧密比の時間経過による増加の図解

$$\frac{\log t_2}{\log t_1} = \frac{\Delta e_2}{\Delta e_1}$$
(5-1)

図 5-2より,

$$\Delta e_1 \times \log \frac{p_{c2}}{p_{02}} = \Delta e_2 \times \log \frac{p_{c1}}{p_{01}}$$
(5-2)

式(5-1)と式(5-2)から、式(5-3)を得る.

$$\frac{p_{c2}}{p_{02}} = \left(\frac{p_{c1}}{p_{01}}\right)^{\frac{\log t_2}{\log t_1}}$$

(5-3)

均一な粘土であれば、ある深さの粘土と比較して、それより深い粘土の*OCR* は僅かずつ 増加する.図 5-3 (a) は、式(5-3) を作図したものである.また、図 5-3 (b) は、 図 3-23 (b) から更新統の粘性土のみを抽出したものである.図 5-3 (b) には、図 5-3 (a) に示した*OCR* の計算値を併記した.図 5-3 (a) の計算上の初期値は、(b) の一番 浅い深度のプロットを参考に、深度 15mで*OCR* = 1.8 とした.また、時間経過は地盤の堆 積速度を式(3-1)より 0.5m/kyr として求めた.計算値も図 5-3 (b) のスケールでは一 定に見えるが,式(5-3)の計算では深度 60m の位置の OCR は約 1.9 になる. これに対し,実測値はバラつきが大きく評価が難しいが,深度 60m 付近で OCR = 1.0 程度に低下している.



Mesri and Choi<sup>[10]</sup>や Murakami<sup>[11]</sup>は図 5-1から次式を導いている.

$$OCR = \left(\frac{t_i}{t_c}\right)^{\frac{C_a}{C_c}}$$

(5-4)

*OCR* は過圧密比,  $C_c$ は圧縮指数,  $C_{\alpha}$ は二次圧密係数である.  $t_i$ を地盤が堆積した後の経過時間(day),  $t_c$ を試験に要する時間(day)とすると,標準圧密試験では $t_c = 1$ であるので,式(5-4)は式(5-5)のとおり変形できる.

$$t_i = OCR^{\frac{C_c}{C_\alpha}}$$
(5-5)

- 111 -

式(5-5)を用いると、地盤の堆積年代を推定できる.陸上に道路構造物などを構築する場合、深度数十メートルまでの地盤が対象となる.およそ数千年から十数万年で堆積した地盤である.当然、通常は古い地盤ほど下層に堆積している.

実際に白竜湖軟弱地盤の粘性土の標準圧密試験の結果を用いて計算してみると、多くの 結果がそのようにはならない. 圧密試験で求めたデータに基づく計算結果では、 $t_i$ は大きな バラつきが生じるうえ極めて小さな値となる場合が多い. その結果、深い土層から採取した 試料が、浅い土層から採取した試料より新しいという答えが導かれてしまう. 後に述べると おり、 $C_c \geq C_a$ の比は本章で扱う範囲内ではほぼ一定になる. このため、 $t_i$ が小さく計算さ れる原因は、図 5-3 (b) で見た *OCR* のバラつきに起因しているように見える.

Bjerrum の概念は広く受け入れられており,例えば関ロ・太田による弾・粘塑性構成モデル(関ロ・太田モデル)<sup>[2]</sup>もこのアイディアと調和的である.第4章では,複数の解析コードを用いて高速道路供用後の沈下量を予測した結果を示したが,予測結果が最大となった解析コードの構成式は関ロ・太田モデルに基づいている.このため,Bjerrumの概念から導出した結果が実際の状況と大きく乖離してしまうのであれば,その要因を把握しておきたい.また,式(5-5)によれば,地盤の堆積年代の測定結果は,原位置の状況を示す大きな手掛かりとなり得る.このシンプルな式が正しい限り,矛盾した答えが導かれた場合,それは「圧密試験の結果のどこかがおかしい」ということになる.

### 5-2 堆積年代の推定式

# 5-2-1 関ロ・太田モデルによる導出

まず,関口・太田の弾粘塑性構成モデルで,式(5-4)と同様に疑似過圧密効果を説明できることを示す.ここでは,飯塚による解説<sup>[7],[8]</sup>を参考とする.

正規圧密粘土において,間隙比の変化*de*は,弾性成分*de<sup>e</sup>*と塑性成分*de<sup>p</sup>*の和として表せるものとする.

$$de = de^e + de^p$$

この場合,等方的な平均有効応力 *p*'の変化による間隙比の変化は平均有効応力の対数に 比例する(図 5-4 (a)).自然対数表記の圧縮指数と膨潤指数をそれぞれ *λ*, *K* とすると, 以下のとおり表せる.

$$\lambda = -\frac{de}{d(\ln p')}$$
(5-7)

$$\kappa = -\frac{de^e}{d(\ln p')}$$

よって,式(5-6)は、以下のとおり変形できる.

$$de^{p} = -(\lambda - \kappa)d(\ln p')$$
(5-9)

$$d(\ln p') = \frac{dp'}{p'} \downarrow \emptyset,$$

$$de^p = -(\lambda - \kappa)\frac{dp'}{p'}$$

(5-10)

(5-6)

(5 - 8)

ここで、塑性ひずみ増分denは圧縮を正として、下式のとおり表せる.

$$d\varepsilon_{v}^{p} = -\frac{de^{p}}{1+e_{0}}$$

(5-11)

よって、式 (5-10), (5-11) より、

$$d\varepsilon_{v}^{p} = -\frac{\lambda - \kappa}{1 + e_{0}} \frac{dp'}{p'}$$

(5-12)

式 (5-1 2) について,  $p' = p'_0 obs \epsilon_{\nu'} = 0$  として定積分すると, 塑性体積ひずみ $\epsilon_{\nu'}$ は, 式 (5-1 3) のとおりとなる.

$$\int_{0}^{\varepsilon_{v}^{p}} d\varepsilon_{v}^{p} + \frac{\lambda - \kappa}{1 + e_{0}} \int_{p'_{0}}^{p'} \frac{1}{p'} dp' = 0$$
  
$$\varepsilon_{v}^{p} - 0 + \frac{\lambda - \kappa}{1 + e_{0}} [\ln p']_{p'_{0}}^{p'} = 0$$
  
$$\varepsilon_{v}^{p} = \frac{\lambda - \kappa}{1 + e_{0}} \ln \frac{p'}{p'_{0}}$$

(5 - 13)

同様に,

$$de^e = -\kappa \frac{dp'}{p'}$$

(5 - 14)

より、弾性体積ひずみ $\epsilon_{n}^{e}$ は、式(5-15)のとおりとなる.

$$\varepsilon_v^e = \frac{\kappa}{1+e_0} \ln \frac{p'}{p'_0}$$

(5-15)

一方,図 5-4 (b)は、せん断応力の変化による正規圧密粘土の体積変化を示している. ここで、式(5-6)において、等方的な平均有効応力の変化に伴う塑性成分を *de<sup>p</sup><sub>c</sub>* と書き 直したうえ、塑性成分 *de<sup>p</sup>* は、等方的な平均有効応力の変化に伴う塑性成分 *de<sup>p</sup><sub>c</sub>* とせん断 応力の変化に伴う体積変化 *de<sup>p</sup><sub>d</sub>* の和として定義しなおす.

$$de = de^e + de^p = de^e + de^p_c + de^p_d$$

(5-16)

せん断応力の変化に伴う体積変化は非可逆的であるものとみなすと,

$$de_d^p = -(1+e_0)Dd\left(\frac{q}{p'}\right)$$

(5 - 17)

と書き表すことができる<sup>[8]</sup>. (Dはダイレイタンシー係数<sup>[12]</sup>, qはせん断応力.)



図 5-4 正規圧密粘土の体積変化

よって,式(5-16)は、以下のとおりとなる.

$$de = -\kappa \frac{dp'}{p'} - (\lambda - \kappa) \frac{dp'}{p'} - (1 + e_0) Dd\left(\frac{q}{p'}\right)$$
$$= -\lambda \frac{dp'}{p'} - (1 + e_0) Dd\left(\frac{q}{p'}\right)$$

(5-18)

さらに、 $p'=p'_0$ のときq=0、 $\mathcal{E}_v=0$ の条件を与えれば、体積ひずみは式(5-19)のとおりとなる.

$$\varepsilon_{v} = \int_{0}^{\varepsilon_{v}} d\varepsilon_{v}$$

$$= \frac{\lambda}{1 + e_{0}} \int_{p'_{0}}^{p'} \frac{dp'}{p'} + D \int_{0}^{\frac{q}{p'}} d\left(\frac{q}{p'}\right)$$

$$= \frac{\lambda}{1 + e_{0}} \ln \frac{p'}{p'_{0}} + D\left(\frac{q}{p'}\right)$$

(5-19)

ここで、式(5-16)の塑性成分に着目すると、

$$de^{p} = -(\lambda - \kappa)\frac{dp'}{p'} - (1 + e_0)Dd\left(\frac{q}{p'}\right)$$

(5-20)

より,同様に,式(5-21)を得る\*1.

<sup>\*1</sup> この式は, Cam-clay モデル<sup>[23]</sup>において, 塑性体積ひずみを硬化パラメータとした降伏関数とみなすこ とができる.

$$\varepsilon_{v}^{p} = \int_{0}^{\varepsilon_{v}^{p}} d\varepsilon_{v}^{p}$$
$$= \frac{\lambda - \kappa}{1 + e_{0}} \int_{p'_{0}}^{p'} \frac{dp'}{p'} + D \int_{0}^{\frac{q}{p'}} d\left(\frac{q}{p'}\right)$$
$$= \frac{\lambda - \kappa}{1 + e_{0}} \ln \frac{p'}{p'_{0}} + D \left(\frac{q}{p'}\right)$$

(5-21)

関口・太田の弾塑性構成モデルでは、式(5-19)を次のとおり拡張する.

$$\varepsilon_{v} = \frac{\lambda}{1+e_0} \ln \frac{p'}{p'_0} + D\eta^*$$

(5-22)

 $\eta$ \*は、応力比パラメータと呼ばれ、せん断応力と平均有効応力の比が $K_0$ 圧密のときと比べてどの程度変化したかを示す量で、せん断が進むに従い増加するスカラー量<sup>[13]</sup>とされている.この拡張により、異方性と主応力の回転に伴う塑性ひずみを表現している<sup>[2],[14]</sup>.塑性体積ひずみは、式(5-21)と同様に、式(5-23)のとおりとなる.

$$\varepsilon_{v}^{p} = \frac{\lambda - \kappa}{1 + e_0} \ln \frac{p'}{p'_0} + D\eta^*$$

(5-23)

塑性体積ひずみを硬化/軟化パラメータとすると、式(5-23)より、降伏関数として 式(5-24)を得る.

$$f = \frac{\lambda - \kappa}{1 + e_0} \ln \frac{p'}{p'_0} + D\eta * -\varepsilon_v^p = 0$$

(5-24)

さらに、粘土の時間依存性挙動を表現するため、弾粘塑性構成モデル<sup>[2]</sup>が提案されている.このモデルにおいては、ひずみ増分が弾性(可逆的)ひずみ増分と粘塑性(時間依存性を含み非可逆的)ひずみ増分との和であるものとする<sup>[15]</sup>.本来は、テンソルで標記すべきであるが、ここでは略筆する.

$$\varepsilon_v = \varepsilon_v^e + \varepsilon_v^p$$

(5-25)

式(5-25)の粘塑性成分 $\mathcal{E}_{v}^{p}$ が次のような流動曲面Fにあるものとする<sup>\*2</sup>.

$$F = \alpha \ln \left\{ 1 + \frac{t}{t_0} \exp\left(\frac{f}{\alpha}\right) \right\} - \mathcal{E}_v^p = 0$$

(5 - 26)

<sup>\*2</sup> 本来は、関連流れ則(塑性ひずみ速度の法線則)を定義すべきであるが、ここでは省略した.

 $\alpha$  はひずみで表した自然対数表記の二次圧密係数, t は時間で $t_0$  は時間依存性の発現の 基準となる時間, f はスカラー関数で式(5-24)から以下を用いる.

$$f = \frac{\lambda - \kappa}{1 + e_0} \ln \frac{p'}{p'_0} + D\eta^*$$

## (5-27)

今, q/p'が一定の単調負荷経路をとる三軸圧密を考える.このような負荷経路を想定した場合,ダイレイタンシーは生じない<sup>[7], [8]</sup>.弾性体積ひずみは式(5-15)のとおりであるので,式(5-25),(5-26)より,体積ひずみ $\mathcal{E}_{v}$ は,式(5-28)のとおりとなる.

$$\varepsilon_{v} = \frac{\kappa}{1 + e_0} \ln \frac{p'}{p'_0} + \alpha \ln \left\{ 1 + \frac{t}{t_0} \exp\left(\frac{f}{\alpha}\right) \right\}$$

(5 - 28)

f < 0であれば、関数 $f(x) = \ln\{1 + \exp(x)\}$ の性質(図 5-5)(ただし、 $t \rightarrow t_0$ )より、

$$\varepsilon_{v} \to \frac{\kappa}{1+e_{0}} \ln \frac{p'}{p'_{0}}$$

(5-29)

f>0であれば,

$$\varepsilon_v \rightarrow \frac{\kappa}{1+e_0} \ln \frac{p'}{p'_0} + \left(f + \alpha \ln \frac{t}{t_0}\right)$$

(5 - 30)



fに式(5-24)を用いれば,式(5-30)は,

$$\varepsilon_{v} = \frac{\lambda}{1+e_0} \ln \frac{p'}{p'_0} + D\eta * + \alpha \ln \frac{t}{t_0}$$

(5 - 31)

- 117 -

想定した圧密の定義より,

$$\varepsilon_{v} = \frac{\lambda}{1+e_0} \ln \frac{p'}{p'_0} + \alpha \ln \frac{t}{t_0}$$

(5-32)

図 5-6に関ロ・太田の弾粘塑性構成モデルの圧密過程における理論経路を示す <sup>[7]</sup>. 図(b) の $\alpha_e$ は,間隙比で表した二次圧密係数(自然対数表記)である.荷重載荷により,図(a) の初期点 I から点 B に至る.この経路は時間によらず弾性的である.式(5-29)はこの t=0の直線を示している.この直線の傾きはKである.時間が経過して $t_0$ になったとす ると,粘塑性変形が進行し,図では点 P に至る.(実際には間隙水の消散を伴うため,図の 破線に示した経路となると考えられている.)この点 P は,式(5-32)で時間  $t \in t = t_0$  としたときに得られる傾き  $\lambda$ の直線上にある.式(5-32)の時間  $t \in t$ である.傾 き  $\lambda$ の直線は無数に描ける.時間の経過は図(b)の横軸と対応している.



図 5-6 関ロ・太田の弾粘塑性モデルによる圧密過程 [7], [8]

図 5-7に、式 (5-29) および式 (5-32) を改めて示す.



今,  $p'_i$ なる有効土被り圧を時間  $t_i$  だけ受けた試料がある. この試料を $t_c$  なる載荷ステップで圧密試験に供したところ, 図 5-8に示すように, 圧密降伏応力が  $p'_c$  であったとすると, 式(5-32) は次式のとおりとなる.

$$e_{c} - e_{i} = \lambda \ln \frac{p'_{i}}{p'_{c}} + \alpha \ln \frac{t_{i}}{t_{c}}$$

(5-33)

また,式(5-29)より,下式が成り立つ.

$$e_c = e_i - \kappa \ln \frac{p'_i}{p'_c}$$

(5-34)

よって、式(5-33)(5-34)より、式(5-35)を得る.

$$\frac{p'_{c}}{p'_{i}} = \left(\frac{t_{i}}{t_{c}}\right)^{\frac{\alpha_{e}}{\lambda-\kappa}}$$

(5-35)

通常の標準圧密試験では、 $t_c$ は1 (day) であるので、式(5-35)は、式(5-36)とおりとなる.式(5-36)は、弾性領域の取り扱いに違いがあるものの、式(5-5)と同形である.

$$t_{i} = \left(\frac{p'_{c}}{p'_{i}}\right)^{\frac{\lambda-\kappa}{\alpha_{e}}}$$

(5 - 36)



#### 5-2-2 Bjerrum の概念図を基にした導出

図 5-9は、実際の標準圧密試験の結果の一例を細かく整理したものである. 図 5-9 (a)は間隙比と鉛直有効応力、(b)は間隙比と載荷時間の関係で、変位計の読みを記録した時点における間隙比をすべてプロットしている.標準圧密試験なので、わずか 1,440分(1 日)分のデータではあるが、図 5-9 (a)の圧縮曲線の正規圧密領域に現れる傾き $C_c$ の平 行線群は Bjerrum の概念図(図 5-1)と同等である. 図 5-10に、図 5-9の正規圧密 領域をのみを示した. 図 5-9の横軸は、常用対数表示としているが、図 5-10では自然 対数表示としている.供試体が適当な大きさ(厚さ)で、試験時間が十分に長ければ、図 5-10 (a)の平行線群は Bjerrum の概念図のように描画できるものと考える.



図 5-9 標準圧密試験の結果の一例



図 5-10 標準圧密試験の結果の一例(正規圧密領域)

図 5-9や図 5-10は、どちらも縦軸を間隙比eとしているため、これを共通の軸として図 (a) と (b) を一つの図に表すことができる (図 5-11). 図 5-11は, (a), (b) とも横軸は自然対数表示としているが、(a) は図 5-9, (b) は図 5-10について、表現 を変えて示したものである. 圧密試験の結果をこのように表現する方法は、Mesri et al.も示している <sup>[16]</sup>. 図 5-11 (b) は、Bjerrum の概念図 (図 5-1)について、奥行き方向に時間をずらして描画したものと同等である.



図 5-11(b)を平面とみなすと,図 5-12のとおりの模式図に示せる.この図より, 以下の関係が成り立つ.

$$de + \lambda \frac{d\sigma'_{v}}{\sigma'_{v}} + \alpha_{e} \frac{dt}{t} = 0$$

(5-37)



$$\int_{e_i}^{e} de + \lambda \int_{\sigma'_{v_i}}^{\sigma'_{v_i}} \frac{1}{\sigma'_{v_i}} d\sigma'_{v_i} + \alpha_e \int_{t_i}^{t} \frac{1}{t} dt = 0$$

$$e - e_i + \lambda [\ln \sigma'_{v_i}]_{\sigma'_{v_i}}^{\sigma'_{v_i}} + \alpha_e [\ln t]_{t_i}^{t} = 0$$

$$e - e_i + \lambda \ln \frac{\sigma'_{v_i}}{\sigma'_{v_i}} + \alpha_e \ln \frac{t}{t_i} = 0$$

$$e = e_i + \lambda \ln \frac{\sigma'_{v_i}}{\sigma'_{v_i}} + \alpha_e \ln \frac{t_i}{t_i}$$

(5-38)

今,  $\sigma'_{v_i}$ なる有効土被り圧を時間 $t_i$ だけ受けた間隙比 $e_i$ の試料がある.この試料を載荷時間ステップ $t_c$ の圧密試験に供したところ,圧密降伏応力が $\sigma'_{w}$ ,間隙比が $e_c$ であった(図 5-13)とすると,式(5-38)は以下のとおりとなる.

$$e_{c} = e_{i} + \lambda \ln \frac{\sigma'_{vi}}{\sigma'_{vc}} + \alpha_{e} \ln \frac{t_{i}}{t_{c}}$$

 $e_{c} = e_{i} + \kappa \ln \frac{\sigma'_{vi}}{\sigma'_{vc}}$ 

(5-39)

また,図 5-13の傾き K の直線は、以下のとおりとなる.

$$e_{i}$$

$$e_{c}$$

$$e_{c}$$

$$e_{c}$$

$$e_{c}$$

$$e_{c}$$

$$e_{i}$$

$$e_{c}$$

$$e_{i}$$

$$e_{c}$$

$$f_{i}$$

$$f_{i$$

(5-40)

式 (5-39), (5-40) より, 式 (5-42) を得る.

$$\lambda \ln \frac{\sigma'_{vi}}{\sigma'_{vc}} + \alpha_e \ln \frac{t_i}{t_c} = \kappa \ln \frac{\sigma'_{vi}}{\sigma'_{vc}}$$
$$\alpha_e \ln \frac{t_i}{t_c} = (\lambda - \kappa) \ln \frac{\sigma'_{vc}}{\sigma'_{vi}}$$
$$\ln \frac{\sigma'_{vc}}{\sigma'_{vi}} = \frac{\alpha_e}{\lambda - \kappa} \ln \frac{t_i}{t_c}$$
$$\ln \frac{\sigma'_{vc}}{\sigma'_{vi}} = \ln \left(\frac{t_i}{t_c}\right)^{\frac{\alpha_e}{\lambda - \kappa}}$$
$$\sigma'_{vi} = \ln \left(\frac{t_i}{t_c}\right)^{\frac{\alpha_e}{\lambda - \kappa}}$$

 $\therefore \frac{\sigma'_{vc}}{\sigma'_{vi}} = \left(\frac{t_i}{t_c}\right)^{\frac{\alpha_e}{\lambda-\kappa}} = \left(\frac{t_i}{t_c}\right)^{\frac{C_a}{C_c-C_s}}$ 

(5-42)

(5-41)

図 5-1 3を Bjerrum の概念図で示せば,図 5-1 4のとおりとなる.また,式(5-42) より,式(5-43)を得る. *t<sub>c</sub>*=1(*day*)とすれば,式(5-36)との違いは,式(5-3 6)が平均有効応力を用いた記述であるのに対し,式(5-43)は鉛直有効応力を用いて いる点だけである.

$$\therefore \frac{t_i}{t_c} = \left(\frac{\sigma'_{vc}}{\sigma'_{vi}}\right)^{\frac{\lambda-\kappa}{\alpha_e}} = \left(\frac{\sigma'_{vc}}{\sigma'_{vi}}\right)^{\frac{C_c-C_s}{C_a}}$$

(5-43)



図 5-14 正規圧密粘土の堆積年代と圧密試験

#### 5-3 堆積年代の測定値と推定値の比較

5-2 で示したとおり,関口・太田の弾粘塑性構成モデルの圧密載荷過程における負荷経路から求めた式(5-36)は,Bjerrumの疑似過圧密効果の概念図から求めた式(5-43)と同形で両者は極めて調和的である.

ここでは、白竜湖軟弱地盤の更新統粘性土の標準圧密試験の結果(追加試験を除き全 153 データ)により、式(5-43)を用いて試料を採取した土層の堆積年代を推定する。その うえで、第3章で示した白竜湖軟弱地盤の堆積年代の測定結果、つまり式(3-1)で求め た $t_a$ と比較してみる.なお、式(5-43)の $t_i$ は、有効土被り圧が瞬間的に $\sigma'_{vi}$ になった 後の経過時間であるのに対し、式(3-1)の $t_a$ は、地盤が厚さdになるのに要した時間で ある、土被り圧の載荷過程に関していえば、瞬間載荷と漸増載荷の違いがある。

## 5-3-1 圧密定数の設定

式(5-43)において、標準圧密試験を想定すると $t_c$ は1(day)であるため、3つの圧密定数と圧密降伏応力および有効土被り圧が求まれば、未知数は $t_i$ だけになる. 圧密降伏応力と有効土被り圧は既に示したとおりである.

圧縮指数 $C_c$ や膨潤指数 $C_s$ は、通常の標準圧密試験で求めれば良い.また、二次圧密係数  $C_a$ は、長期圧密試験で求めることが多い.長期圧密試験は有効土被り圧に増加予定の上載 荷重を加えた程度の載荷重を採用することが多いが、これでは正規圧密領域の試験結果と ならない場合が多い.このため、今回は式(3-1)の導出過程を勘案して標準圧密試験の 結果で圧縮曲線が平行になる正規圧密領域を対象に、 $e-\log t$ 関係により $C_a$ を求めた.図 5-15にその概念を示す.(実際には載荷ステップと測定時間に応じで複数の曲線を描画す ることになるが、図 5-15では省略している.)また、図 5-16に具体的に一例を示し た.図 5-16の例では、載荷時間 180 分から 1440 分の範囲で  $e-\log t$  曲線の傾きが一定 になる範囲の平均値を採ることとした.



図 5-15 間隙比と圧密圧力および圧密時間の関係と圧密定数の設定



図 5-16  $t_i$ の計算に使用した  $C_\alpha$ の求め方

図 5-17 (a) に,  $C_s \geq C_c$ の関係, (b) に,  $C_a \geq C_c$ の関係を示す.  $C_a \geq C_c$ の関係は, 他のデータから大きく乖離している 7 点を除外して求めた. なお, 153 データ中の 56 デー タは圧密試験時の記録が不足していて $C_a$ を求めることができなった. この場合は, 図 5-1 7 (b)の関係を利用して $C_c$ から $C_a$ を求めることとした.



なお、 $C_{\alpha}$ の異常値は、図 5-17 (b) のとおり、統計的に処理して特定した. Mesri and Castro によれば、 $C_{\alpha} \geq C_{c}$ の関係として  $C_{\alpha}/C_{c} = 0.04 \pm 0.01$  が成り立つとされる<sup>[17]</sup>. 図 5-17 (a) に示した赤色の点線は、その範囲である. 両者の関係は、概ね Mesri and Castro が示した範囲内にある.



図 5-18 C<sub>α</sub>の異常値の除外

式(5-43)は、堆積年代が過圧密比*OCR*の $(C_c - C_s)/C_a$ 乗で求められることを示している.式(5-36)は、過圧密比が平均有効応力で示されている<sup>33</sup>が、べき指数の部分は図5-17の関係からほぼ一定で、式(5-43)のべき指数と同値となる.仮にすべての計算で図 5-17の関係を用いるとすると、式(5-44)のとおり、堆積年代は過圧密比の約25 乗ということになる.

$$\frac{\lambda - \kappa}{\alpha_e} = \frac{0.4343C_c - 0.4343C_s}{0.4343C_a} = \frac{C_c - C_s}{C_a} = \frac{C_c - 0.1307C_c}{0.03317C_c} \approx 26.207$$
(5-4.4)

図 5-19は,実際の計算で用いた $(C_c - C_s)/C_a$ の深度分布を示したものである. 全体の約 1/3 のデータで 図 5-17 (b)の関係を利用しているが,  $C_c \geq C_s$ については各々実測の圧密定数を使用しており,バラつきが生じている. また,深度分布からは明確な傾向を読み取ることができない.



<sup>\*3</sup>  $t_i$ を平均有効応力で求めた場合、計算結果が全体的に小さくなり、バラつきも小さくなる.

#### 5-3-2 測定値と推定値の比較

図 5-20に,式(5-43)で試料を採取した土層の堆積年代を推定した結果( $t_i$ )と, 第3章で述べた白竜湖軟弱地盤の堆積年代の測定結果( $t_a$ )との比較を示した. $t_a$ は,第 3章で述べたとおり放射性炭素年代測定とテフラの同定によるもので,深度 40m 程度まで しかない.図は深度 60m までの比較となっているが, $t_a$ は外挿して求めている.また, $t_i$ は,その計算結果の単位が「日」であるが, $t_a$ に合わせて「10ka」とした\*4.図 5-20(a) は,横軸を対数表示としてある.また,参考として, $t_a$ の0.01 倍と 100 倍の線を併記した.  $t_a$ は数万年というレベルの大まかな比較対象ではあるが,多くの場合 $t_i$ は $t_a$ とかけ離れて しまう.どちらかと言えば, $t_i$ は $t_a$ より桁違いに小さくなる場合が多い( $t_i < 0.01t_a$ ;63 デー タ,100 $t_a < t_i$ ;45 データ).図 5-20(b)は,(a)の横軸を線形表示としたものであるが,  $t_i < t_a$ となる場合,「ほとんどの $t_i$ がほぼゼロ」という計算結果となっている.また,「下位 の土層の堆積年代が上位の土層の堆積年代より新しい」という矛盾した結果も多い.図 5-21に,図 5-20(a)について $t_i < 0.01t_a$ となる場合と,100 $t_a < t_i$ となる場合の $t_i$ のプ ロットを強調して表示した.

なお,計算結果が瞬間載荷と漸増載荷の違いの影響を受けたのであれば,傾向の顕著な偏 りが生じるはずであるが,そのような傾向はなかった.



\*4 ka は"kilo annum"の略で,西暦 2000 年を基準に 1000 年前を示す単位.



図 5-21 地盤の堆積年代の推定値と測定値の比較(乖離データの強調)