# Au-Si 共晶合金の構造と化学結合性に関する研究

Studies on Structure and Bonding in Au-Si Eutectic Alloys

物理学専攻 阿部 華

Hana Abe

これらの Au-Si 系の特徴に基づき、本研究の目的は 次の三点にまとめることができる。

- 1 . メタン型 Au<sub>4</sub>Si の存在の有無を確認する
- 2. 純粋な液体状態の Au の構造と比較する
- 3.幾何学的な配置構造と化学結合の関係を調べる



図 2: Au<sub>4</sub>Si のメタン型構造

### 2 計算方法

本研究では、正しい電子状態を与える第一原理計算 に分子動力学を組み合わせることで、動的な原子構造の 記述を可能とした第一原理分子動力学 (first-principles molecular dynamics) を用いたシミュレーションを行 なっている。計算プログラムは、ウィーン工科大学の Kreese らによって開発された VASP(Vienna Ab-initio Simulation Package)[3,4,5,6] を使用している。

## 3 結果と考察

モデルと計算条件

次の3タイプに対して、シミュレーションを行った。 Au-Si系(Si:27個、Au:108個)は、図3のような 単位胞に27個のメタン型 Au<sub>4</sub>Siを詰めた構造を初期 配置とした。また、融点近傍の温度として750・850・ 950・1200Kの4種類に設定している。



図 3: Au-Si モデルの初期配置 (Au:黄、Si:白)

1 はじめに

合金は構成する金属成分の組成比によって融点が異なり、組成比とそのときの融点や物質の状態(固体・液体・気体)の関係を平衡状態図で表すことができる。図1 がAu-Si共晶合金の平衡状態図である。この図よりAu 単体の融点が1064 (1337K)、Si単体の融点が1414

(1687K) であることがわかる。さらに Au81.4 %・Si18.6 %の組成において Au と Si が同時に固化する共晶点をもち、その温度が 363 (636 K) であることが理解でき、すなわち共晶組成 Au: Si=4:1 において、1000K 程度の融点降下が起こっているのである。この共晶点における融点降下こそ、Au-Si 共晶合金の大きな特徴である。



図 1: Au-Si 共晶合金の平衡状態図

この融点降下のメカニズムとして、融点直上におけ る特別な構造の形成が考えられる。すなわち、共晶点 の組成が Au: Si=4:1 であることと Au の価数が 1、 Si の価数が 4 であることから、非常に安定な正四面体 メタン型の Au<sub>4</sub>Si(図 2)の形成が推測される。したがっ て、Au-Si 液体合金は擬分子同士の相互作用が弱い分 子性液体のような振る舞いをすることから、融点が降 下するのではないかという観点で本研究を進めた。

Au-Si 系の実験においては、Si 基板上に Au を真空 蒸着させたときに強い接着が起こることがよく知られ ており、それは接着界面における擬似化合物の形成に つながるという報告がある [1]。また Au-Si 系では純粋 な液体状態の Au の配置を Si で適当に置換した構造の 形成も指摘されている [2]。 Au<sub>4</sub>Si メタン型単分子系 (Si:1個、Au:4個) は、単 位胞の中に Au<sub>4</sub>Si の単分子 1 個を詰めたモデルで、温 度を 300K としている。

純粋な液体 Au のシミュレーションを目的とした pure
Au 系 (Au: 108 個) では、単位胞の中に 27 個の面心立
方格子を詰めている。Au の融点 1337K を参考にして、
温度を 2000K とした。

#### 振動モード

速度自己相関関数のフーリエ変換で得られる振動ス ペクトルから、原子構造に固有な振動数がわかる。異 なる系の振動スペクトルが一致するならば、同じよう な構造が形成されていると考えられる。図4が Au-Si 系 (850K)と pure Au 系、図5がメタン型単分子の振 動スペクトルを示している。

Au-Si系については、どの設定温度においても同じような振動モードのグラフが得られた。

Au-Si 系とメタン型単分子のスペクトルでは、図 5 における正四面体形分子の伸縮運動 (三重縮重)の振動 モードを示す 13THz のピークが図 4 においては見られ ない。つまり Au-Si 系でのメタン型の擬分子構造は存 在しないと考えられる。

また図4では、Au-Si系のAuとpure Au系のスペ クトルがほぼ一致していることが確認できる。



図 6 が Si-Au、図 7 が Au-Au の動径分布関数を示 し、動径分布関数から求められた配位数は表  $1 \cdot 2$  のと おりである。原子  $\alpha$  の周辺に存在する原子  $\beta$  の配位数 を  $Z_{\alpha-\beta}$  と表している。

Si 周辺と Au 周辺の合計の配位数を見ると、Si 周辺 よりも Au 周辺の方が配位数が高い。これは Si 原子よ りも Au 原子のほうが大きいことが原因であると考え られる。

また  $Z_{Si-Si}$  と  $Z_{Si-Au}$  を比較すると、Si の周辺には Si より Au が多く存在していることが確認できる。つ まり Si 同士は近距離に存在することは少なく、Si によ る相分離は起きていないことがわかる。このことから、 Si を中心としてその周りに Au が配置しているような 構造をとっているのではないかと考えられる。

 $Au_4Si$ メタン型構造については、正四面体構造があるならば、 $Z_{Si-Au}=4$ となる必要があるが、 $Z_{Si-Au}$ はその2倍近くの値をとっているため、配位数からもメタン型単分子構造は存在しないといえる。

純粋な液体状態の Au の配置を Si で適当に置換した 構造について検討すると、もしその構造があるならば、 Si 周辺と Au 周辺の合計の配位数は等しいはずである。 しかしながら配位数は異なっているため、[2] で指摘さ れている構造を確認することができなかった。



図 4: Au-Si 系 (850K) と pure Au 系の振動モード



図 5: メタン型単分子の振動モード



図 6: Si-Au の動径分布関数



図 7: Au-Au の動径分布関数

system		$Z_{\rm Si-Si}$	$Z_{\rm Si-Au}$	around Si
Au-Si	$750 \mathrm{K}$	0.53	7.74	8.27
	850K	0.38	7.87	8.25
	950K	0.65	7.79	8.44
	1200K	0.74	7.74	8.48

表 1: Si 周辺の配位数

表 2: Au 周辺の配位数

system		$Z_{\rm Au-Au}$	$Z_{\rm Au-Si}$	around Au
Au-Si	$750 \mathrm{K}$	10.68	1.93	12.61
	850K	10.68	1.97	12.65
	950K	10.70	1.95	12.65
	1200K	10.71	1.93	12.64
pure Au	2000K	13.74		13.74

#### 角度分布

図 8・9 は Au-Si-Au と Au-Au-Au の結合角の角度分 布である。Au-Si 系については、ピークをとる角度や 分布の温度による依存性はほぼないと考えられる。



図 8: Au-Si-Au の角度分布



図 9: Au-Au-Au の角度分布

ここで Au<sub>4</sub>Si メタン型構造の存在について考察する と、Au-Si-Au が 65°と 120° に平均的にピークが現れ ている。Au<sub>4</sub>Si 正四面体構造においては、Au-Si-Au が 109°をなすため、Au-Si 系でこの構造は存在しない。

図9では、純粋な液体Auの系との比較も行っている。Au-Au-Auについてはピークが現れる角度はよく 一致している反面、分布についてはpure Au系のほう がピークが鋭い。これはpure Au系が乱れの少ない配 置を形成していることを意味する。またAu-Si-Auの ピーク角度とも10°以上のずれが生じている。したがっ て角度分布からも、液体状態のAuの配置をSiで適当 に置き換えた構造は観測されなかった。

#### Au-Si系とpure Au系の構造の比較

今までの解析結果を総合的に分析すると、Auのみが 関係する量については Au-Si 系と pure Au 系でかなり 近い結果が得られたといえるだろう。すなわち [2] で指 摘されているようにただ単純に Au の配置が Si に置き 換わっているだけの構造を作っているのではなく、さ らに Si の周りでの Au の構造の再配列が起きているの ではないかと考えられる。したがって Si を中心原子と した構造に着目して、これからの構造解析を進めた。

#### Si-Si 周辺の構造の温度依存性

図10はSi-Au-Siが作る結合角の角度分布である。この角度分布では、はっきりと温度に依存していることが確認できる。105°付近のピークは低温の方が多く分布しているため、すなわち低温ではAuの周りでSi-Siの距離が長くなるような角が多いことがわかる。

750K と 1200K の実際の配置構造を示した図 11・12 から、この近距離の Si 同士が作る Si-Si 周辺の Au の 配置の特徴を詳しく述べる。



図 10: Si-Au-Si の角度分布



図 11: 750K で観測された Si-Si 周辺の構造



図 12: 1200K で観測された Si-Si 周辺の構造

まず Si-Si 間の距離が 1200K では 2.5 を下回ると ころがほとんどであるのに対し、750K の方が 3.0 を 超えるところが多く、比較的長い。また Si-Au-Si を頂 角とする三角形を考えたときに、750K では底辺であ る Si-Si の距離が長いにもかかわらず、その他の二辺 となる Si-Au 間の距離は高温に比べて伸びていない。 つまり Si-Au-Si の角度が大きいことを意味し、これが Si-Au-Si の角度分布の温度依存性が現れた原因である といえる。さらに Au を含めた Si-Si の構造が、750K で鎖状に長く形成するのに対して、1200K では球状に 形成することもわかった。

#### 構造と化学結合の関連性

これまで様々な幾何学的な情報をもとに、Au-Si系の 融点近傍の構造の特徴について述べてきた。これとは 別に、電荷密度分布から化学結合について調べることが が可能である。温度依存性に着目し、750Kと1200Kの 電荷密度分布を調べた。図13が750K、図14が1200K である。電荷密度が高い方から低い方へ、青~赤~黄 と表している。この2種類の電荷密度分布を比較する と、高温では原子の動きを束縛するように原子間に化 学結合を作り、低温では逆に電荷が原子の周辺に局在 し、原子が系の中を自由に動き回ることができるよう に電荷が分布している。したがって、このような電荷 分布の違いが融点降下に寄与しているのではないかと 考察できる。



図 13: 750K で観測された電荷密度分布



図 14: 1200K で観測された電荷密度分布

## 4 まとめ

本研究から、以下のような Au-Si 共晶合金の融点近 傍における構造の特徴がわかった。

- 1 . Au-Si 系で Au<sub>4</sub>Si のメタン型構造は存在しない
- 2 . 純粋な液体状態の Au の配置の Si への置換と Si 周辺における Au の再配列
- 3.Si-Siの周囲のAuによる構造の温度依存性
- 4. 融点直上では、電荷が原子の周辺に局在する

# 参考文献

- T. Narusawa, S. Komiya and A. Hiraki: Appl. Phys. Lett. (1973) 389-390.
- [2] S. Takeda, H. Fujii, Y. Kawakita, Y. Kato, S. Fujita, Y. Yokota and S. Kohara: Materials Science and Engineering A449-451 (2007) 590-593.
- [3] G. Kresse and J. Hafner: Phys. Rev. B 47 (1993) 558-561; ibid. 49 (1994) 14251-14269.
- [4] G. Kresse and J. Furthmüller: Comp. Mat. Sci. 6 (1993) 15-50.
- [5] G. Kresse and J. Furthmüller: Phys. Rev. B 54 (1996) 11169-11186.
- [6] G. Kresse and J. Hafner: J. Phys.: Condens. Matter 6 (1994) 8245-8257.